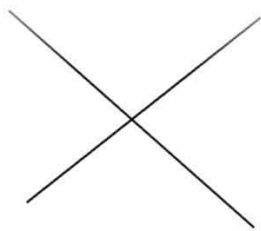


<p>Prezenta lucrare conține _____ pagini</p> <p style="text-align: center;">SIMULARE – EVALUARE NAȚIONALĂ PENTRU ABSOLVENȚII CLASEI a VIII-a</p> <p style="text-align: center;">Anul școlar 2022-2023</p> <p style="text-align: center;">Matematică – Simularea 3</p> <p style="text-align: center;">(15.12.2022)</p>	<p>Numele:</p> <p>.....</p> <p>Inițiala prenumelui tatălui:</p> <p>Prenumele:</p> <p>.....</p> <p>Școala de proveniență:</p> <p>.....</p> <p>Centrul de examen:</p> <p>Localitatea:</p> <p>Județul:</p> <table border="1" style="width: 100%;"> <tr> <td style="width: 70%;">Nume și prenume asistent</td> <td style="width: 30%;">Semnătura</td> </tr> <tr> <td> </td> <td> </td> </tr> <tr> <td> </td> <td> </td> </tr> </table>	Nume și prenume asistent	Semnătura				
Nume și prenume asistent	Semnătura						

A	COMISIA DE EVALUARE	NOTA (CIFRE ȘI LITERE)	NUMELE ȘI PRENUMELE PROFESORULUI	SEMNĂTURA
	EVALUATOR I			
	EVALUATOR II			
	EVALUATOR III			
	EVALUATOR IV			
	NOTA FINALĂ			

B	COMISIA DE EVALUARE	NOTA (CIFRE ȘI LITERE)	NUMELE ȘI PRENUMELE PROFESORULUI	SEMNĂTURA
	EVALUATOR I			
	EVALUATOR II			
	EVALUATOR III			
	EVALUATOR IV			
	NOTA FINALĂ			

C	COMISIA DE EVALUARE	NOTA (CIFRE ȘI LITERE)	NUMELE ȘI PRENUMELE PROFESORULUI	SEMNĂTURA
	EVALUATOR I			
	EVALUATOR II			
	EVALUATOR III			
	EVALUATOR IV			
	NOTA FINALĂ			

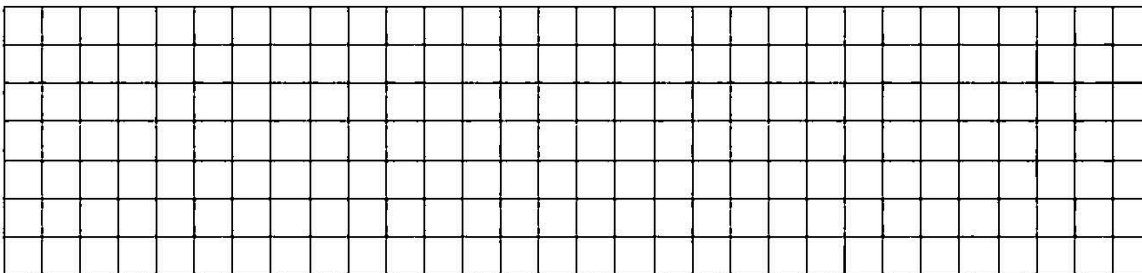


- Toate subiectele sunt obligatorii.
- Se acordă zece puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de două ore.

SUBIECTUL I*Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.***(30 de puncte)**

5p	<p>1. Rezultatul calculului $56 - 54 : 6$ este:</p> <ul style="list-style-type: none">a) 3b) 47c) 45d) 48
5p	<p>2. Știind că $\frac{a}{5} = \frac{7}{b}$, atunci rezultatul calculului $2ab - 70$ este:</p> <ul style="list-style-type: none">a) 0b) 1c) 35d) -35

- 5p 6. O pompă golește un bazin în 6 ore. Alin afirmă că două pompe vor goli bazinul în 12 ore. Afirmatia lui Alin este:
- a) adevărată
b) falsă



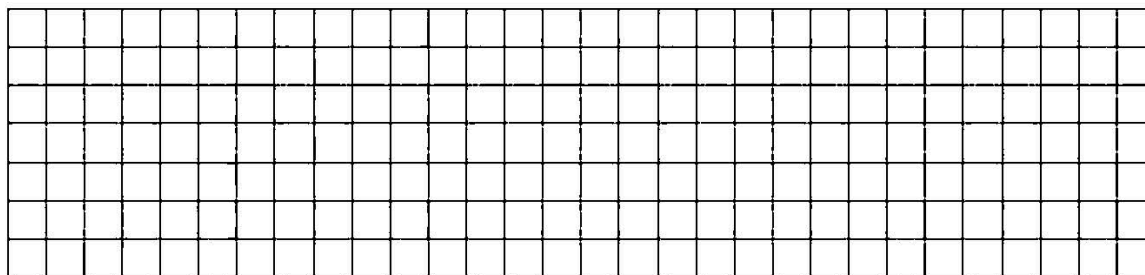
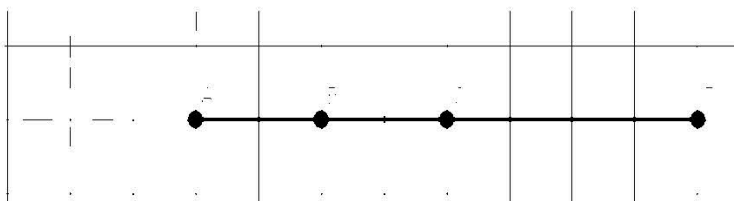
SUBIECTUL al II-lea

Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.

(30 de puncte)

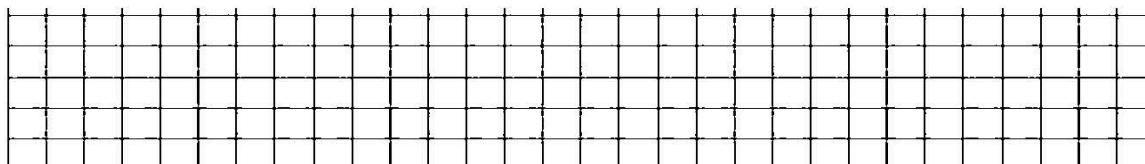
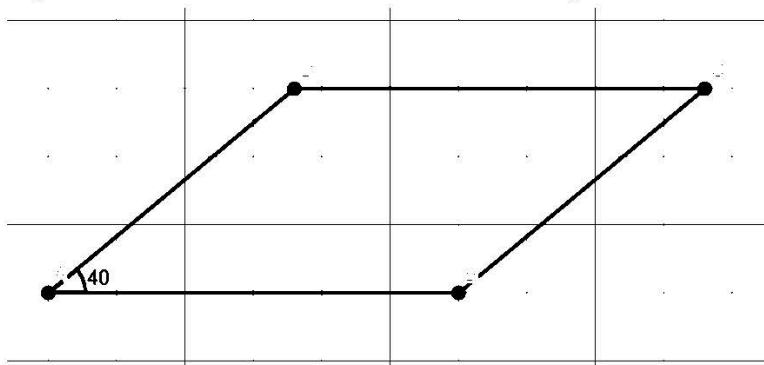
- 5p 1. În figura alăturată, punctele A, B, C și D, sunt coliniare în această ordine, astfel încât $AB = 2 \text{ cm}$, B este mijlocul lui $[AC]$, iar D este simetricul lui A față de C. Lungimea segmentului $[AD]$ este:

- a) 4 cm
b) 6 cm
c) 8 cm
d) 12 cm



- 5p 2. În figura alăturată este reprezentat un paralelogram. Măsura $\angle BAD$ este de 40° . Măsura unghiului $\angle ADC$ este :

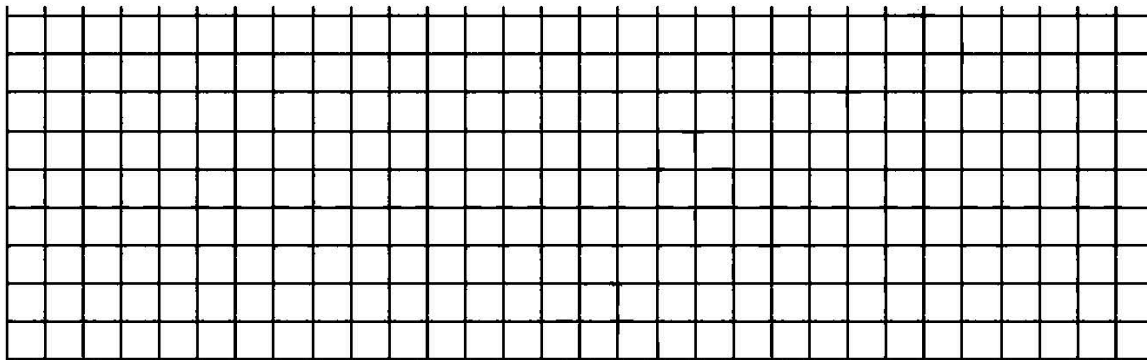
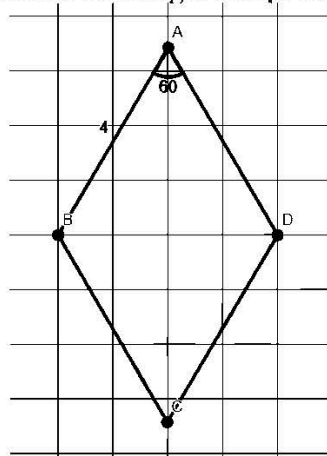
- a) 140°
b) 50°
c) 40°
d) 120°



5p

3. În figura alăturată este reprezentat un romb cu latura de 4 cm și măsura unui unghi ascuțit de 60° . Aria rombului este:

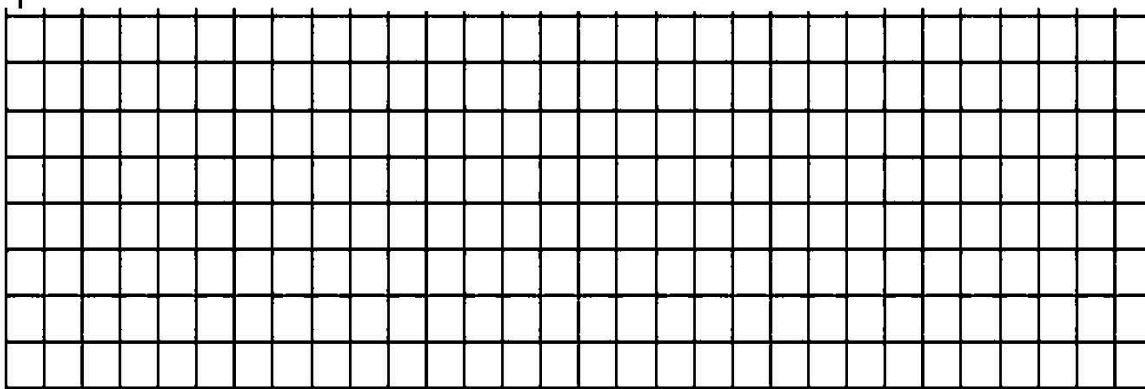
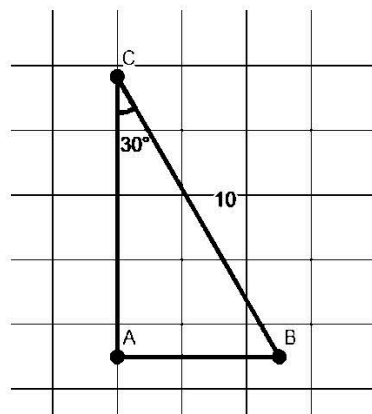
- a) 16 cm^2
- b) $8\sqrt{3}\text{ cm}^2$
- c) $16\sqrt{3}\text{ cm}^2$
- d) $4\sqrt{3}\text{ cm}^2$



5p

4. În figura alăturată este reprezentat un triunghi $\triangle ABC$ dreptunghic în A , cu $BC = 10\text{ cm}$ și $m(\sphericalangle C) = 30^\circ$. Lungimea segmentului AC este:

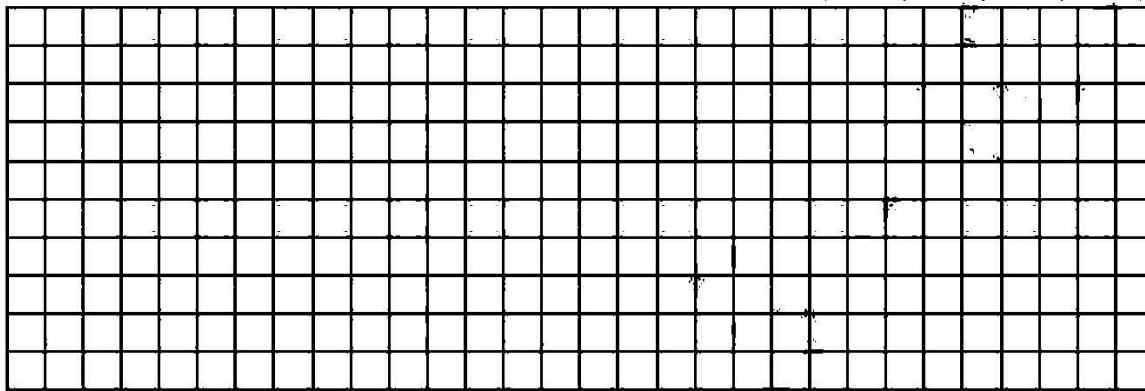
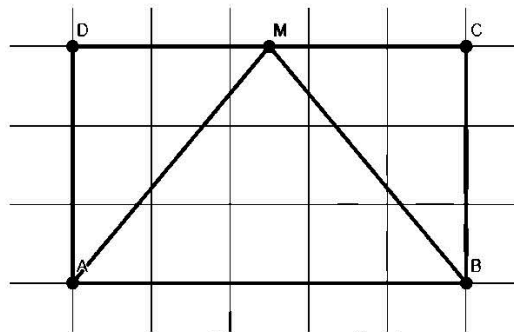
- a) $5\sqrt{3}\text{ cm}$
- b) 5 cm
- c) 10 cm
- d) $5\sqrt{2}\text{ cm}$



5p

5. În figura alăturată este reprezentat dreptunghiul ABCD, cu $AB = 8\text{ cm}$; $BC = 4\text{ cm}$. M este mijlocul laturii CD. Măsura unghiului $\sphericalangle AMB$ este:

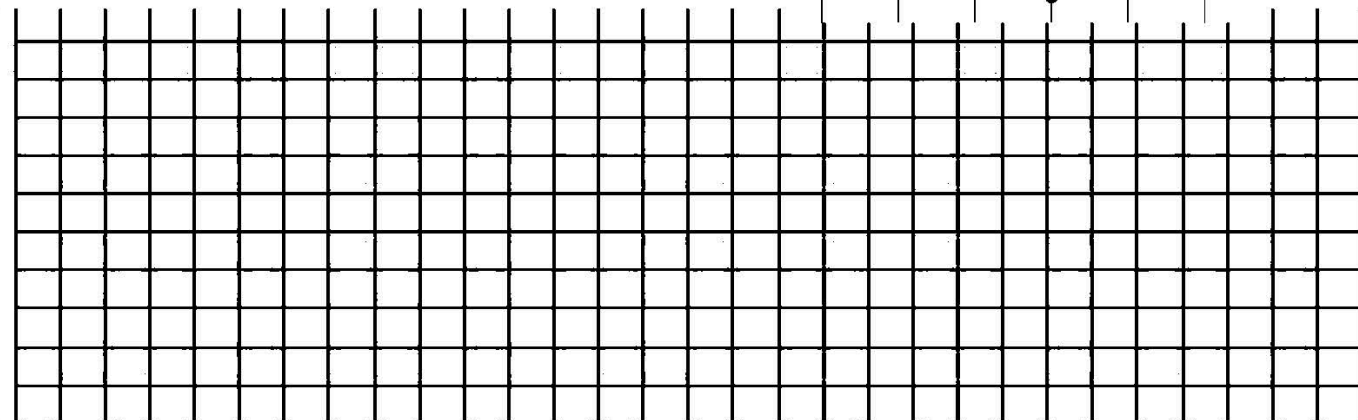
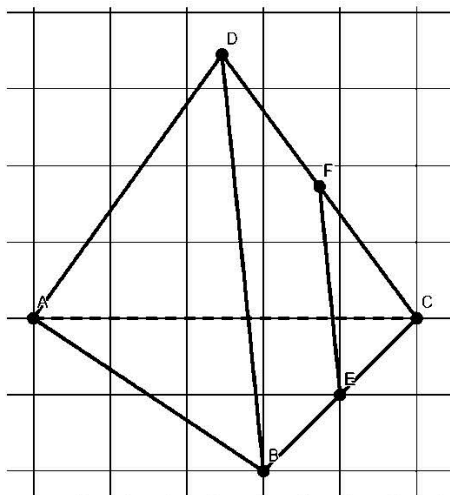
- a) 120°
- b) 60°
- c) 90°
- d) 45°



5p

6. În figura alăturată este reprezentat un tetraedru regulat ABCD. Punctele E și F sunt mijloacele muchiilor BC și CD. Care este $m(\sphericalangle EF, DA)$?

- a) 90°
- b) 60°
- c) 30°
- d) 45°



SUBIECTUL al III-lea

Scrieți rezolvările complete.

(30 de puncte)

1. Maria rezolvă un test cu 20 de întrebări. Pentru fiecare răspuns corect primește 4 puncte și pentru fiecare răspuns greșit i se scade 1 punct, iar din oficiu primește 20 puncte.

2p a) Ce punctaj ar obține Maria dacă a răspuns corect la 15 probleme, iar la restul a răspuns greșit?

3p b) La câte probleme a răspuns corect Maria dacă a primit 85 puncte și a răspuns la toate întrebările?

2. Se consideră expresia $E(x) = 2(x - 2)(x + 2) - (x + 1)^2 + (x^2 + 1)(x - 1) + 10$, pentru $x \in R$.

2p a) Arătați că $E(x) = x^3 - x$, oricare ar fi $x \in R$.

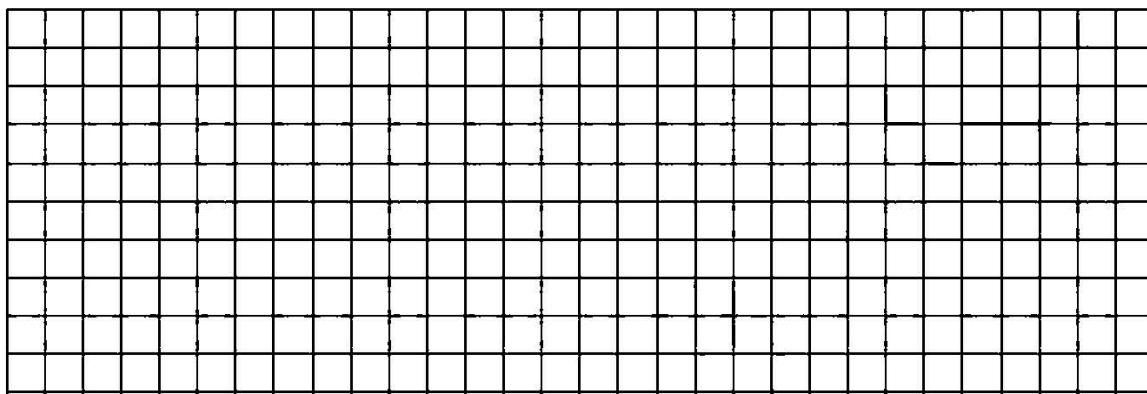
3p b) Arătați că $E(n)$ este divizibil cu 6, pentru orice număr natural n .

3. Se consideră numerele reale $x = \sqrt{10} \cdot \left(\frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{1}{\sqrt{5}}\right) + \sqrt{6} \cdot \left(\frac{1}{\sqrt{3}} - \frac{\sqrt{6}}{2}\right)$ și

$$y = \sqrt{9 - 4\sqrt{5}} + \sqrt{(2\sqrt{2} + \sqrt{5})^2} - \sqrt{8}.$$

2p a) Arătați că $x = \sqrt{5} - 3$.

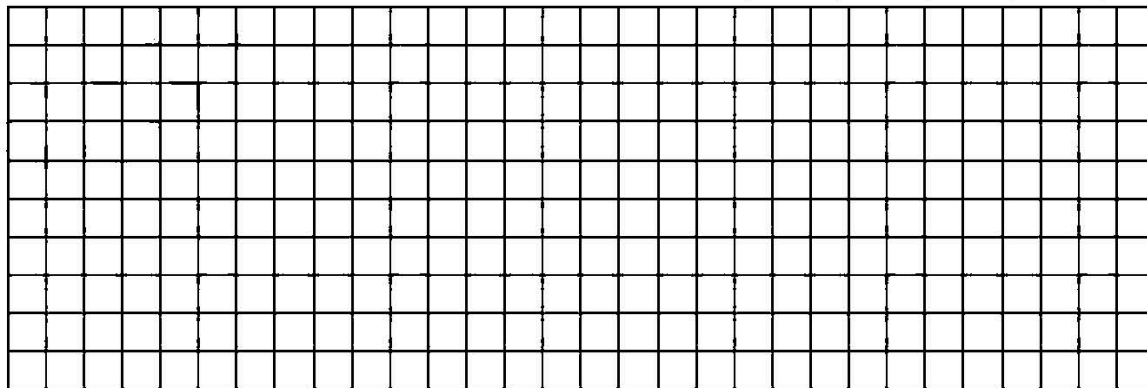
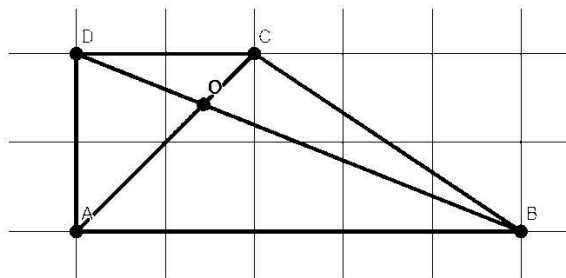
3p b) Arătați că numărul $N = \frac{y}{2} - x$ este număr natural prim.



4. Se consideră trapezul dreptunghic ABCD cu $AB \parallel CD$ și $AD \perp AB$, $AB = 8 \text{ cm}$, $AD = 6 \text{ cm}$ și $DC = 2 \text{ cm}$.

2p a) Calculați lungimea liniei mijlocii a trapezului.

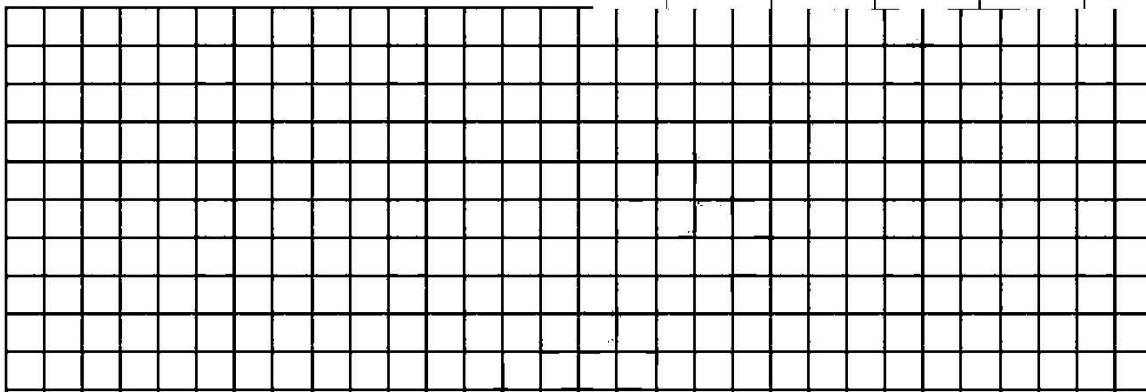
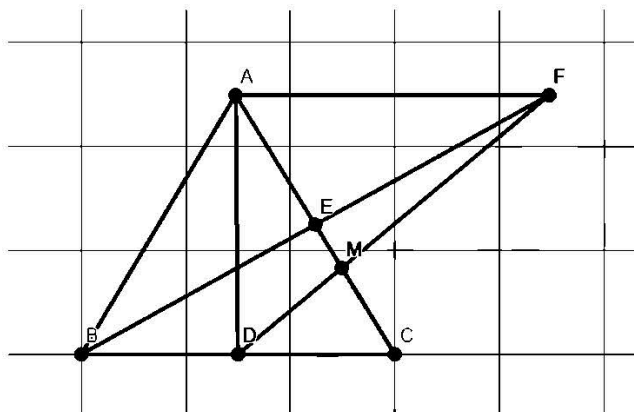
3p b) Calculați lungimea lui DO , unde $AC \cap BD = \{O\}$.



5. Fie ΔABC isoscel de bază $BC = 12\text{ cm}$, $AB = AC = 10\text{ cm}$, iar D și E mijloacele lui BC , respectiv AC . Paralela prin A la BC intersectează BE în F , $DF \cap AC = \{M\}$.

2p a) Arătați că aria triunghiului $\Delta ABC = 48\text{ cm}^2$.

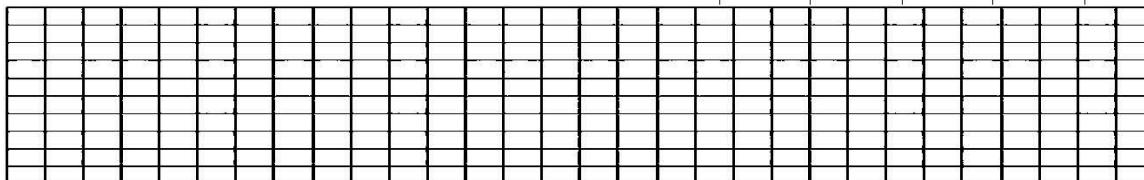
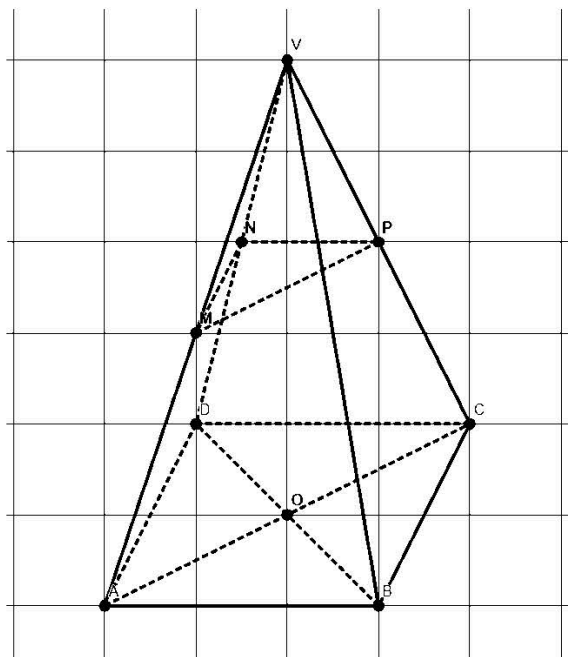
3p b) Calculați lungimea segmentului DM .



6. $VABCD$ este o piramidă patrulateră regulată cu $AB = 12\text{ cm}$; $VA = VB = VC = VD = 10\text{ cm}$, M mijlocul lui VA , N mijlocul lui VD și P mijlocul lui VC .

2p a) Arătați că $(MNP) \parallel (ABC)$.

3p b) Calculați $\sin \angle(MO, VB)$, unde $\{O\} = AC \cap BD$.

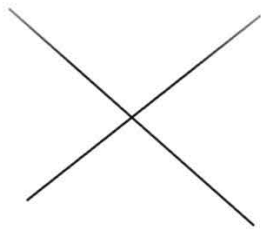


<p>Prezenta lucrare conține _____ pagini</p> <p style="text-align: center;">SIMULARE – EVALUARE NAȚIONALĂ PENTRU ABSOLVENȚII CLASEI a VIII-a</p> <p style="text-align: center;">Anul școlar 2022-2023</p> <p style="text-align: center;">Matematică – Simularea 3</p> <p style="text-align: center;">(15.12.2022)</p>	<p>Numele:</p> <p>.....</p> <p>Inițiala prenumelui tatălui:</p> <p>Prenumele:</p> <p>.....</p> <p>Școala de proveniență:</p> <p>.....</p> <p>Centrul de examen:</p> <p>Localitatea:</p> <p>Județul:</p> <table border="1" style="width: 100%;"> <tr> <td style="width: 70%;">Nume și prenume asistent</td> <td style="width: 30%;">Semnătura</td> </tr> <tr> <td> </td> <td> </td> </tr> <tr> <td> </td> <td> </td> </tr> </table>	Nume și prenume asistent	Semnătura				
Nume și prenume asistent	Semnătura						

A	COMISIA DE EVALUARE	NOTA (CIFRE ȘI LITERE)	NUMELE ȘI PRENUMELE PROFESORULUI	SEMNĂTURA
	EVALUATOR I			
	EVALUATOR II			
	EVALUATOR III			
	EVALUATOR IV			
	NOTA FINALĂ			

B	COMISIA DE EVALUARE	NOTA (CIFRE ȘI LITERE)	NUMELE ȘI PRENUMELE PROFESORULUI	SEMNĂTURA
	EVALUATOR I			
	EVALUATOR II			
	EVALUATOR III			
	EVALUATOR IV			
	NOTA FINALĂ			

C	COMISIA DE EVALUARE	NOTA (CIFRE ȘI LITERE)	NUMELE ȘI PRENUMELE PROFESORULUI	SEMNĂTURA
	EVALUATOR I			
	EVALUATOR II			
	EVALUATOR III			
	EVALUATOR IV			
	NOTA FINALĂ			

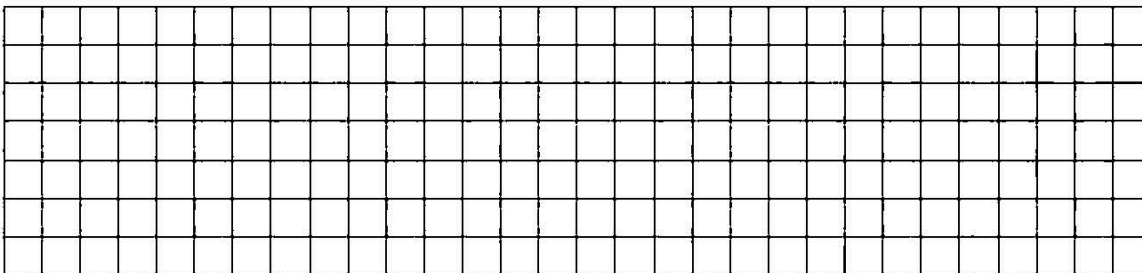


- Toate subiectele sunt obligatorii.
- Se acordă zece puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de două ore.

SUBIECTUL I*Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.***(30 de puncte)**

5p	<p>1. Rezultatul calculului $56 - 54 : 6$ este:</p> <ul style="list-style-type: none">a) 3b) 47c) 45d) 48
5p	<p>2. Știind că $\frac{a}{5} = \frac{7}{b}$, atunci rezultatul calculului $2ab - 70$ este:</p> <ul style="list-style-type: none">a) 0b) 1c) 35d) -35

- 5p 6. O pompă golește un bazin în 6 ore. Alin afirmă că două pompe vor goli bazinul în 12 ore. Afirmatia lui Alin este:
- a) adevărată
b) falsă



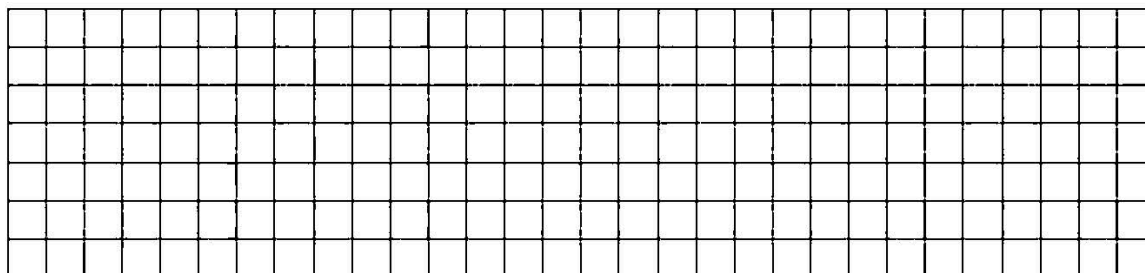
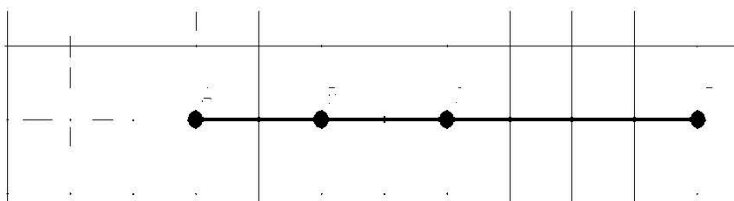
SUBIECTUL al II-lea

Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.

(30 de puncte)

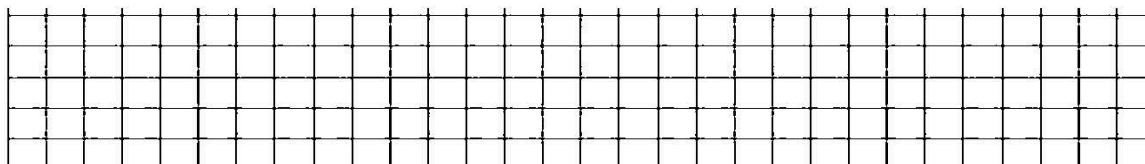
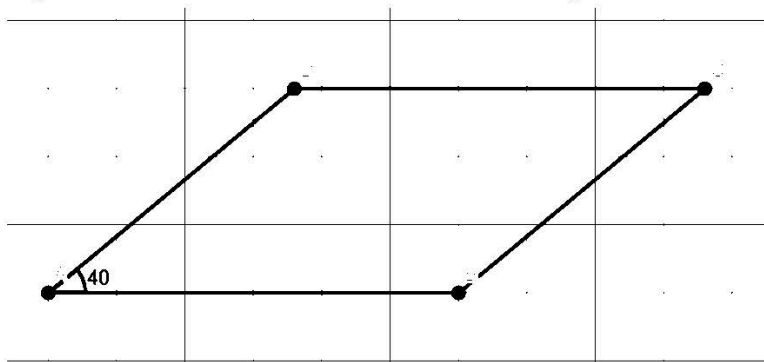
- 5p 1. În figura alăturată, punctele A, B, C și D, sunt coliniare în această ordine, astfel încât $AB = 2 \text{ cm}$, B este mijlocul lui $[AC]$, iar D este simetricul lui A față de C. Lungimea segmentului $[AD]$ este:

- a) 4 cm
b) 6 cm
c) 8 cm
d) 12 cm



- 5p 2. În figura alăturată este reprezentat un paralelogram. Măsura $\angle BAD$ este de 40° . Măsura unghiului $\angle ADC$ este :

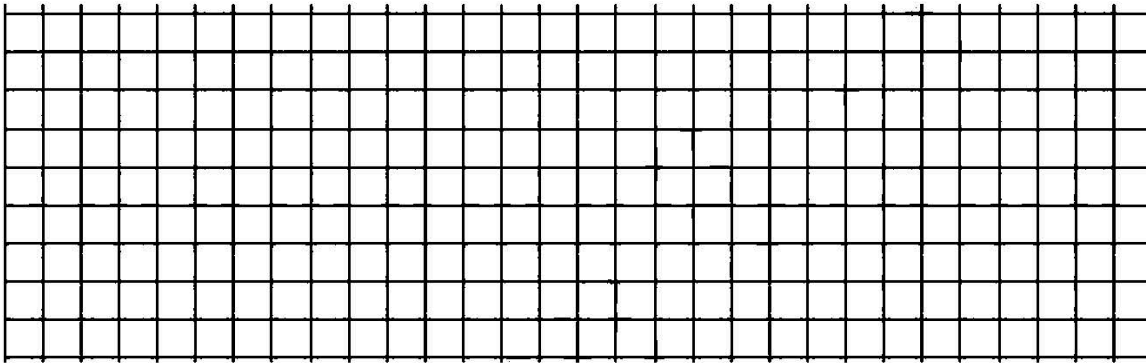
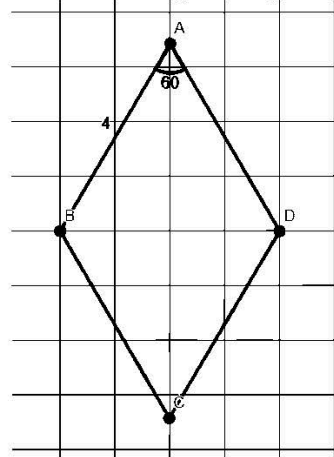
- a) 140°
b) 50°
c) 40°
d) 120°



5p

3. În figura alăturată este reprezentat un romb cu latura de 4 cm și măsura unui unghi ascuțit de 60° . Aria rombului este:

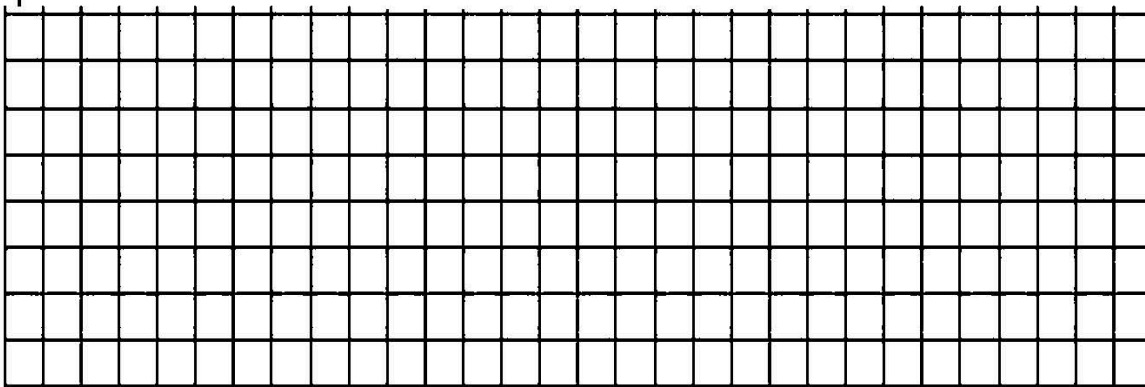
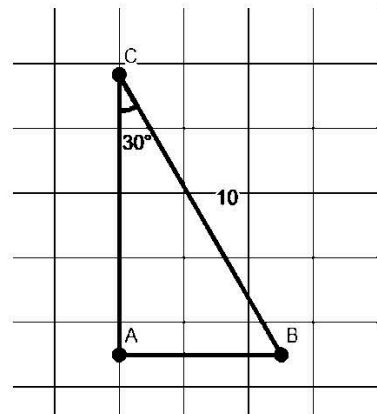
- a) 16 cm^2
- b) $8\sqrt{3}\text{ cm}^2$
- c) $16\sqrt{3}\text{ cm}^2$
- d) $4\sqrt{3}\text{ cm}^2$



5p

4. În figura alăturată este reprezentat un triunghi $\triangle ABC$ dreptunghic în A , cu $BC = 10\text{ cm}$ și $m(\sphericalangle C) = 30^\circ$. Lungimea segmentului AC este:

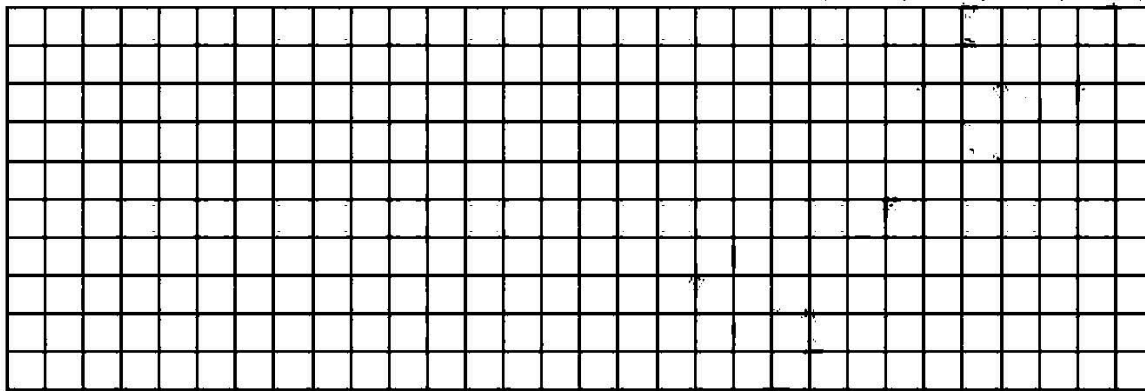
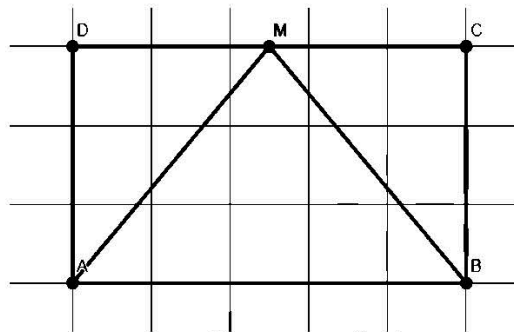
- a) $5\sqrt{3}\text{ cm}$
- b) 5 cm
- c) 10 cm
- d) $5\sqrt{2}\text{ cm}$



5p

5. În figura alăturată este reprezentat dreptunghiul ABCD, cu $AB = 8\text{ cm}$; $BC = 4\text{ cm}$. M este mijlocul laturii CD. Măsura unghiului $\sphericalangle AMB$ este:

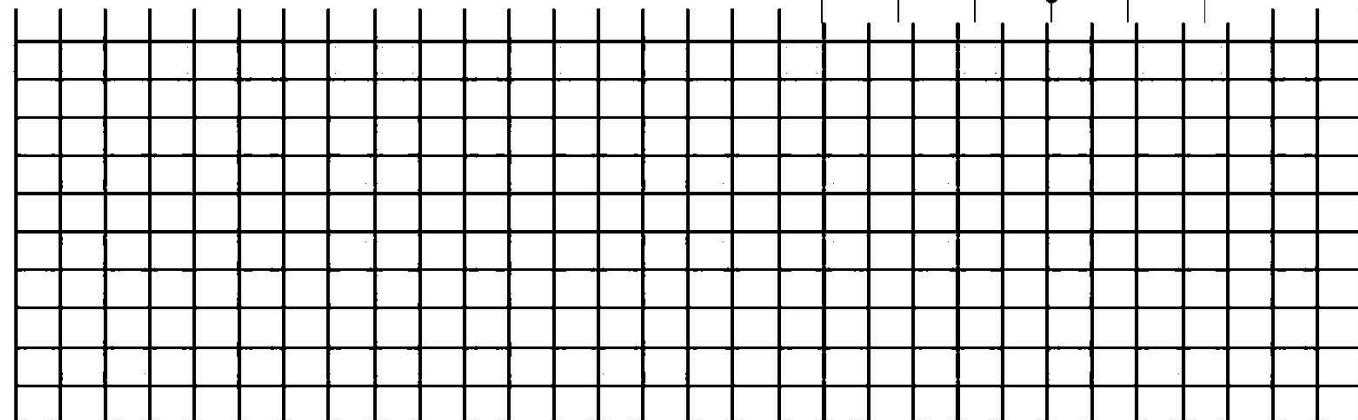
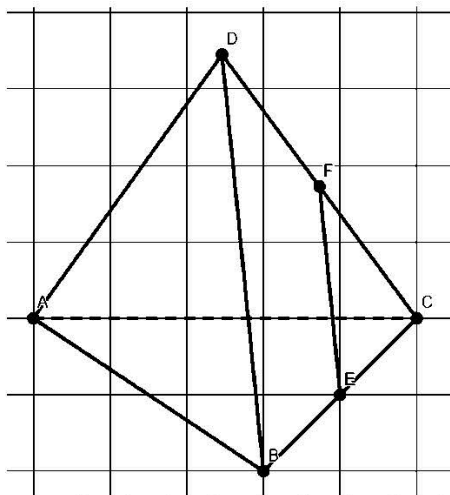
- a) 120°
- b) 60°
- c) 90°
- d) 45°



5p

6. În figura alăturată este reprezentat un tetraedru regulat ABCD. Punctele E și F sunt mijloacele muchiilor BC și CD. Care este $m(\sphericalangle EF, DA)$?

- a) 90°
- b) 60°
- c) 30°
- d) 45°



SUBIECTUL al III-lea

Scrieți rezolvările complete.

(30 de puncte)

1. Maria rezolvă un test cu 20 de întrebări. Pentru fiecare răspuns corect primește 4 puncte și pentru fiecare răspuns greșit i se scade 1 punct, iar din oficiu primește 20 puncte.

2p a) Ce punctaj ar obține Maria dacă a răspuns corect la 15 probleme, iar la restul a răspuns greșit?

3p b) La câte probleme a răspuns corect Maria dacă a primit 85 puncte și a răspuns la toate întrebările?

2. Se consideră expresia $E(x) = 2(x - 2)(x + 2) - (x + 1)^2 + (x^2 + 1)(x - 1) + 10$, pentru $x \in R$.

2p a) Arătați că $E(x) = x^3 - x$, oricare ar fi $x \in R$.

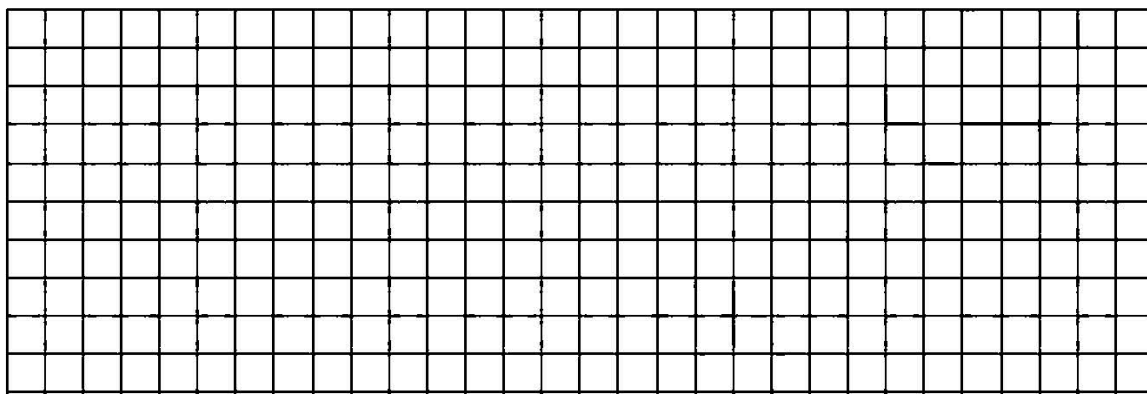
3p b) Arătați că $E(n)$ este divizibil cu 6, pentru orice număr natural n .

3. Se consideră numerele reale $x = \sqrt{10} \cdot \left(\frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{1}{\sqrt{5}}\right) + \sqrt{6} \cdot \left(\frac{1}{\sqrt{3}} - \frac{\sqrt{6}}{2}\right)$ și

$$y = \sqrt{9 - 4\sqrt{5}} + \sqrt{(2\sqrt{2} + \sqrt{5})^2} - \sqrt{8}.$$

2p a) Arătați că $x = \sqrt{5} - 3$.

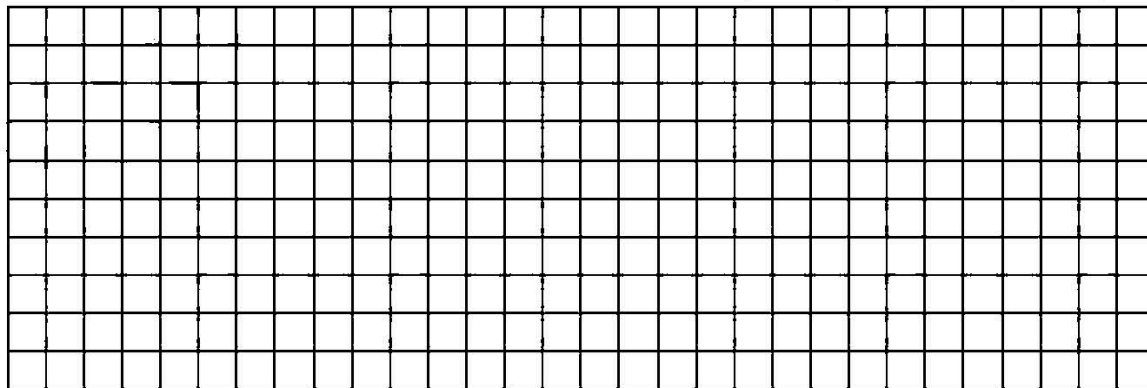
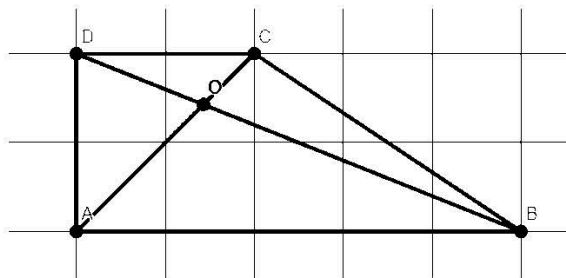
3p b) Arătați că numărul $N = \frac{y}{2} - x$ este număr natural prim.



4. Se consideră trapezul dreptunghic ABCD cu $AB \parallel CD$ și $AD \perp AB$, $AB = 8 \text{ cm}$, $AD = 6 \text{ cm}$ și $DC = 2 \text{ cm}$.

2p a) Calculați lungimea liniei mijlocii a trapezului.

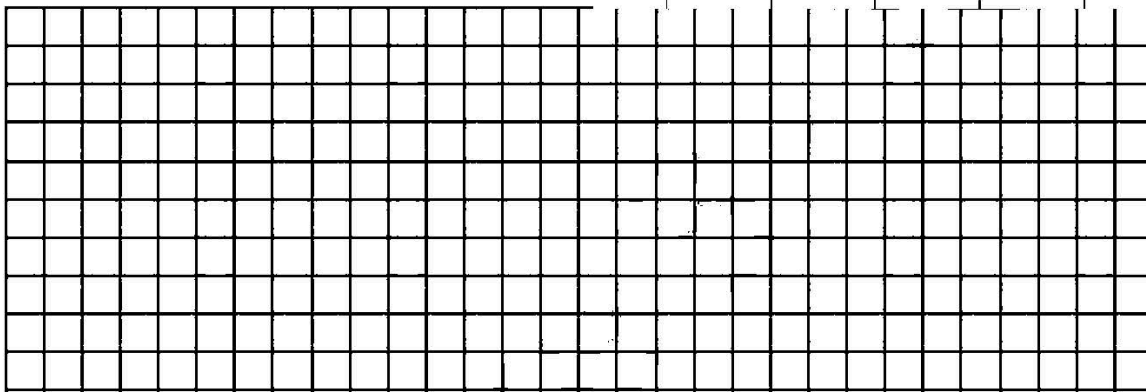
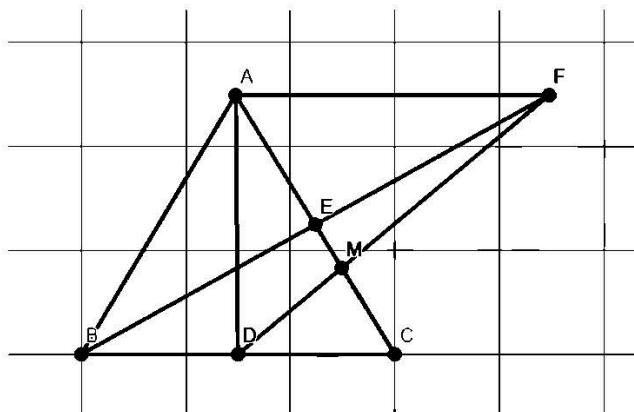
3p b) Calculați lungimea lui DO , unde $AC \cap BD = \{O\}$.



5. Fie ΔABC isoscel de bază $BC = 12\text{ cm}$, $AB = AC = 10\text{ cm}$, iar D și E mijloacele lui BC , respectiv AC . Paralela prin A la BC intersectează BE în F , $DF \cap AC = \{M\}$.

2p a) Arătați că aria triunghiului $\Delta ABC = 48\text{ cm}^2$.

3p b) Calculați lungimea segmentului DM .



6. $VABCD$ este o piramidă patrulateră regulată cu $AB = 12\text{ cm}$; $VA = VB = VC = VD = 10\text{ cm}$, M mijlocul lui VA , N mijlocul lui VD și P mijlocul lui VC .

2p a) Arătați că $(MNP) \parallel (ABC)$.

3p b) Calculați $\sin \angle(MO, VB)$, unde $\{O\} = AC \cap BD$.

