

**SUBIECTUL I**

*Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.*

**(30 de puncte)**


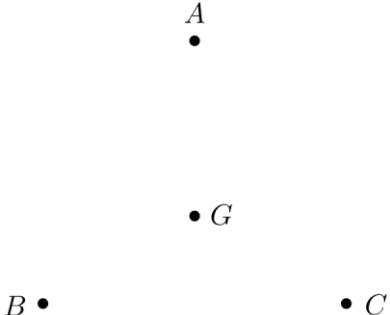
<b>5p</b>	<p>1. Numărul natural de forma <math>\overline{2x}</math> divizibil cu 6 este:</p> <p>a) 28 b) 26 c) 24 d) 22</p>															
<b>5p</b>	<p>2. În tabelul de mai jos sunt prezentate informații referitoare la temperatura înregistrată în patru zile, la ora 8:00, respectiv ora 12:00.</p> <table border="1"><thead><tr><th></th><th><b>8:00</b></th><th><b>12:00</b></th></tr></thead><tbody><tr><td>Luni</td><td>4°C</td><td>8°C</td></tr><tr><td>Marți</td><td>3°C</td><td>9°C</td></tr><tr><td>Miercuri</td><td>4°C</td><td>16°C</td></tr><tr><td>Joi</td><td>6°C</td><td>18°C</td></tr></tbody></table> <p>Zilele pentru care raportul dintre temperatura înregistrată la ora 8:00 și temperatura înregistrată la ora 12:00 are aceeași valoare sunt:</p> <p>a) Luni și Miercuri b) Luni și Joi c) Marți și Miercuri d) Marți și Joi</p>		<b>8:00</b>	<b>12:00</b>	Luni	4°C	8°C	Marți	3°C	9°C	Miercuri	4°C	16°C	Joi	6°C	18°C
	<b>8:00</b>	<b>12:00</b>														
Luni	4°C	8°C														
Marți	3°C	9°C														
Miercuri	4°C	16°C														
Joi	6°C	18°C														
<b>5p</b>	<p>3. Vârful Omu din Munții Bucegi are altitudinea de 2505m. Marea Neagră are o adâncime medie de 1271m. Valoarea absolută a diferenței dintre adâncimea medie a Mării Negre și altitudinea vârfului Omu este egală cu:</p> <p>a) 3776m b) -3776m c) 1234m d) -1234m</p>															
<b>5p</b>	<p>4. Dintre următoarele seturi de numere, cel care reprezintă numai fracții ordinare subunitare este:</p> <p>a) <math>\frac{2}{3}, \frac{2}{5}, \frac{4}{3}, \frac{6}{8}, \frac{1}{3}, \frac{5}{7}</math> b) <math>\frac{10}{13}, \frac{1}{5}, \frac{2}{3}, \frac{15}{8}, \frac{2}{7}, \frac{3}{10}</math> c) <math>\frac{1}{4}, \frac{9}{15}, \frac{6}{11}, \frac{7}{8}, \frac{6}{5}, \frac{5}{7}</math> d) <math>\frac{5}{9}, \frac{3}{8}, \frac{2}{7}, \frac{10}{11}, \frac{4}{13}, \frac{5}{7}</math></p>															

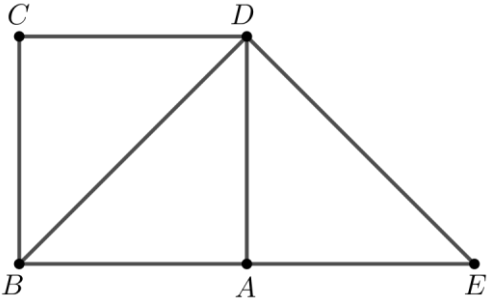
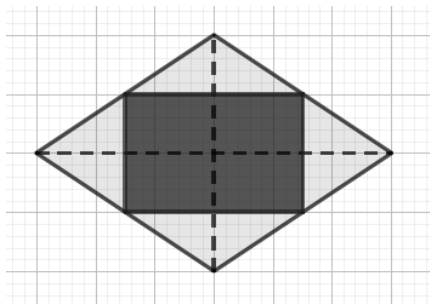
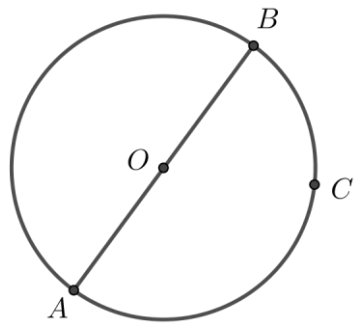
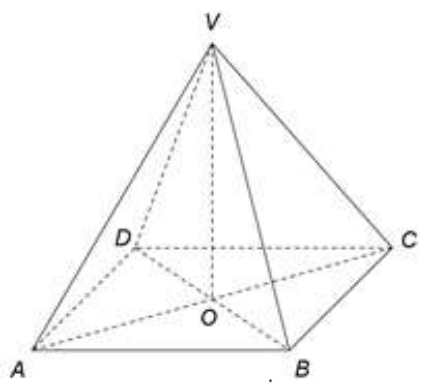
<b>5p</b>	<b>5.</b> Patru elevi, Radu, Alexandru, Vlad și Eva, calculează media geometrică a numerelor $8\sqrt{3}$ și $3\sqrt{3}$ . Rezultatele obținute sunt înregistrate în tabelul următor.															
	<table border="1"><tr><td>Radu</td><td><math>2\sqrt{6}</math></td></tr><tr><td>Alexandru</td><td><math>6\sqrt{2}</math></td></tr><tr><td>Vlad</td><td><math>4\sqrt{3}</math></td></tr><tr><td>Eva</td><td><math>6\sqrt{3}</math></td></tr></table>	Radu	$2\sqrt{6}$	Alexandru	$6\sqrt{2}$	Vlad	$4\sqrt{3}$	Eva	$6\sqrt{3}$							
Radu	$2\sqrt{6}$															
Alexandru	$6\sqrt{2}$															
Vlad	$4\sqrt{3}$															
Eva	$6\sqrt{3}$															
	Dintre cei patru elevi, cel care a calculat corect media geometrică a celor două numere este: a) Radu b) Alexandru c) Vlad d) Eva															
<b>5p</b>	<b>6.</b> Elevii unei clase au obținut la un test notele prezentate în tabelul de mai jos:															
	<table border="1"><tr><td><b>Nota</b></td><td><b>10</b></td><td><b>9</b></td><td><b>8</b></td><td><b>7</b></td><td><b>6</b></td><td><b>5</b></td><td><b>4</b></td></tr><tr><td><b>Număr elevi</b></td><td>2</td><td>2</td><td>6</td><td>7</td><td>5</td><td>1</td><td>1</td></tr></table>	<b>Nota</b>	<b>10</b>	<b>9</b>	<b>8</b>	<b>7</b>	<b>6</b>	<b>5</b>	<b>4</b>	<b>Număr elevi</b>	2	2	6	7	5	1
<b>Nota</b>	<b>10</b>	<b>9</b>	<b>8</b>	<b>7</b>	<b>6</b>	<b>5</b>	<b>4</b>									
<b>Număr elevi</b>	2	2	6	7	5	1	1									
	Un elev afirmă că ”media notelor obținute de elevii clasei este egală cu 7,30”. Afirmatia făcută este: a) adevărată b) falsă															

## SUBIECTUL al II-lea

Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.

(30 de puncte)

<b>5p</b>	<b>1.</b> În figura alăturată sunt reprezentate, în această ordine, punctele coliniare $A, B, C$ . Știind că punctele $M$ și $N$ , sunt mijloacele segmentelor $AB$ respectiv $BC$ , $AB = 2\text{cm}$ și $BC = 4\text{cm}$ , lungimea segmentului $MN$ este egală cu: a) 1cm b) 2cm c) 3cm d) 4cm
	
<b>5p</b>	<b>2.</b> În figura alăturată punctele $A, B, C$ se găsesc la distanțe egale unul față de celălalt, respectiv la distanțe egale față de punctul $G$ . Măsura unghiului $BGC$ este egală cu: a) $90^\circ$ b) $120^\circ$ c) $130^\circ$ d) $150^\circ$
	

<p><b>5p</b></p>	<p><b>3.</b> În figura alăturată este reprezentat un pătrat <math>ABCD</math> de latură 3cm. Perpendiculara în <math>D</math> pe diagonala <math>BD</math> a pătratului <math>ABCD</math> intersectează dreapta <math>AB</math> în punctul <math>E</math>. Perimetrul triunghiului <math>DBE</math> este egal cu:</p> <p>a) 9cm b) <math>3(2 + \sqrt{2})</math>cm c) 18cm d) <math>6(1 + \sqrt{2})</math>cm</p>	
<p><b>5p</b></p>	<p><b>4.</b> Figura alăturată reprezintă schița unei fețe de masă în formă de romb cu lungimile diagonalelor de 60 cm și de 80 cm. Pe fața de masă este cusută o broderie în formă de dreptunghi, care are vârfurile în mijloacele laturilor feței de masă. Valoarea raportului dintre suprafața broderiei și suprafața feței de masă este:</p> <p>a) <math>\frac{1}{8}</math> b) <math>\frac{1}{4}</math> c) <math>\frac{1}{3}</math> d) <math>\frac{1}{2}</math></p>	
<p><b>5p</b></p>	<p><b>5.</b> În figura alăturată punctele <math>A</math> și <math>B</math> sunt situate pe cercul de centru <math>O</math> și sunt diametral opuse, iar punctul <math>C</math> aparține cercului dat astfel încât <math>AC = 2\sqrt{3}</math> cm și <math>BC = OC</math>. Aria triunghiului <math>BOC</math> este egală cu:</p> <p>a) <math>\sqrt{3}</math> cm b) 6 cm c) 8 cm d) <math>6\sqrt{3}</math> cm</p>	
<p><b>5p</b></p>	<p><b>6.</b> În figura alăturată este reprezentată o piramidă patrulateră <math>VABCD</math> cu <math>ABCD</math> pătrat, <math>AB = 12</math> cm și înălțimea <math>VO = 8</math> cm. Volumul piramidei <math>VABCD</math> este egal cu:</p> <p>a) <math>96\text{cm}^3</math> b) <math>144\text{cm}^3</math> c) <math>384\text{cm}^3</math> d) <math>1152\text{cm}^3</math></p>	

**SUBIECTUL al III-lea**

*Scrieți rezolvările complete.*

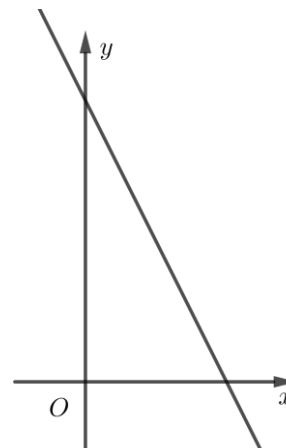
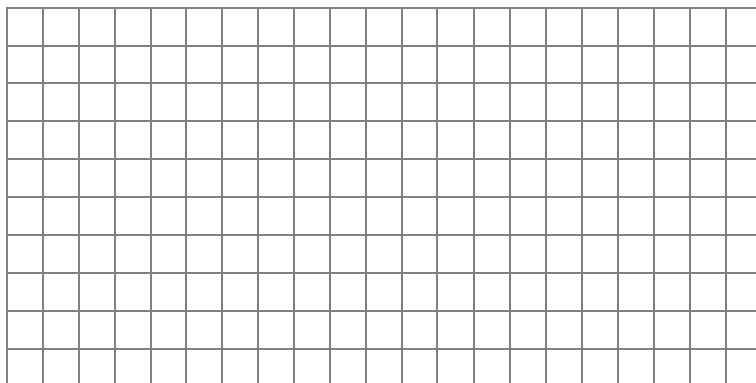
**(30 de puncte)**

<b>5p</b>	<p><b>1.</b> Un automobil a parcurs un drum în trei zile, astfel: în prima zi a parcurs 35% din lungimea drumului, în a doua zi 20% din lungimea drumului rămas, iar în a treia zi restul de 624 km.</p> <p><b>(2p) a)</b> Este adevărat că automobilul a parcurs în primele două zile jumătate din lungimea drumului? Justifică răspunsul dat.</p> <div style="border: 1px solid black; height: 100px; width: 100%;"></div> <p><b>(3p) b)</b> Determină în care dintre cele trei zile automobilul a parcurs cei mai multi kilometri.</p> <div style="border: 1px solid black; height: 150px; width: 100%;"></div>
<b>5p</b>	<p><b>2.</b> Se consideră expresia <math>E(x) = (x + 2021)^2 - 10(x + 2021) + 21</math>, unde <math>x</math> este număr real.</p> <p><b>(2p) a)</b> Arată că <math>x^2 - 10x + 21 = (x - 3)(x - 7)</math>, pentru orice număr real <math>x</math>.</p> <div style="border: 1px solid black; height: 100px; width: 100%;"></div> <p><b>(3p) b)</b> Demonstrează că <math>E(-2018) \cdot E(-2019) \cdot E(-2020) \cdot E(-2021) = 0</math>.</p> <div style="border: 1px solid black; height: 150px; width: 100%;"></div>

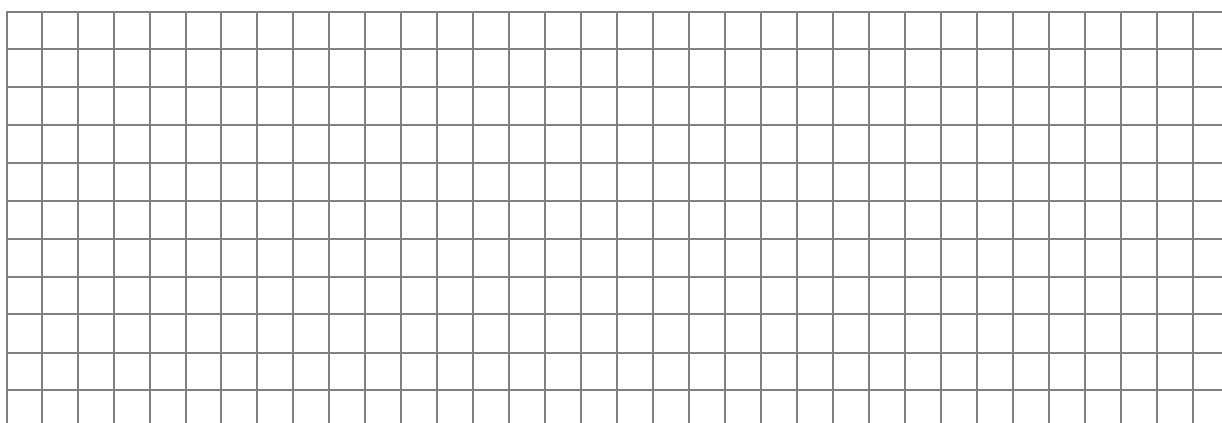
5p

3. Se consideră funcția  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = -2x + 8$ .

(2p) a) Determină numărul real  $a$ , știind că punctul  $A(a, 2a)$  aparține graficului funcției  $f$ .



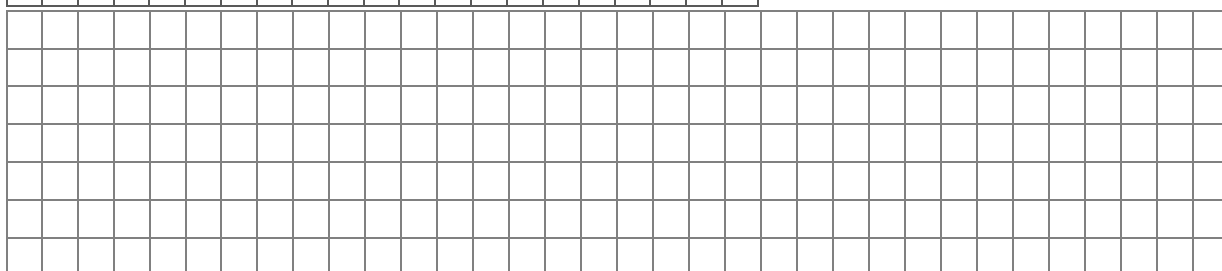
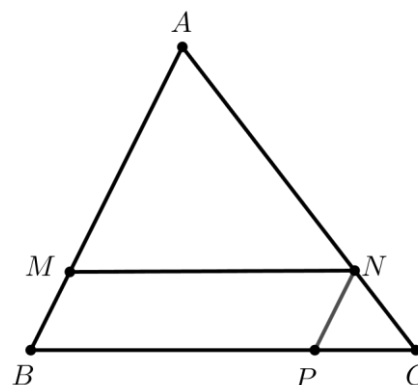
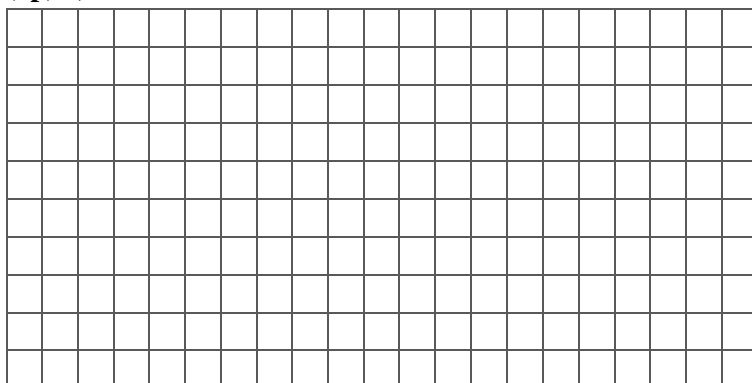
(3p) b) În sistemul de axe ortogonale  $xOy$  se consideră punctul  $A(2, 4)$ , iar  $B$  este punctul de intersecție al graficului funcției  $f$  cu axa  $Oy$ . Determină lungimea segmentului  $AB$ .



5p

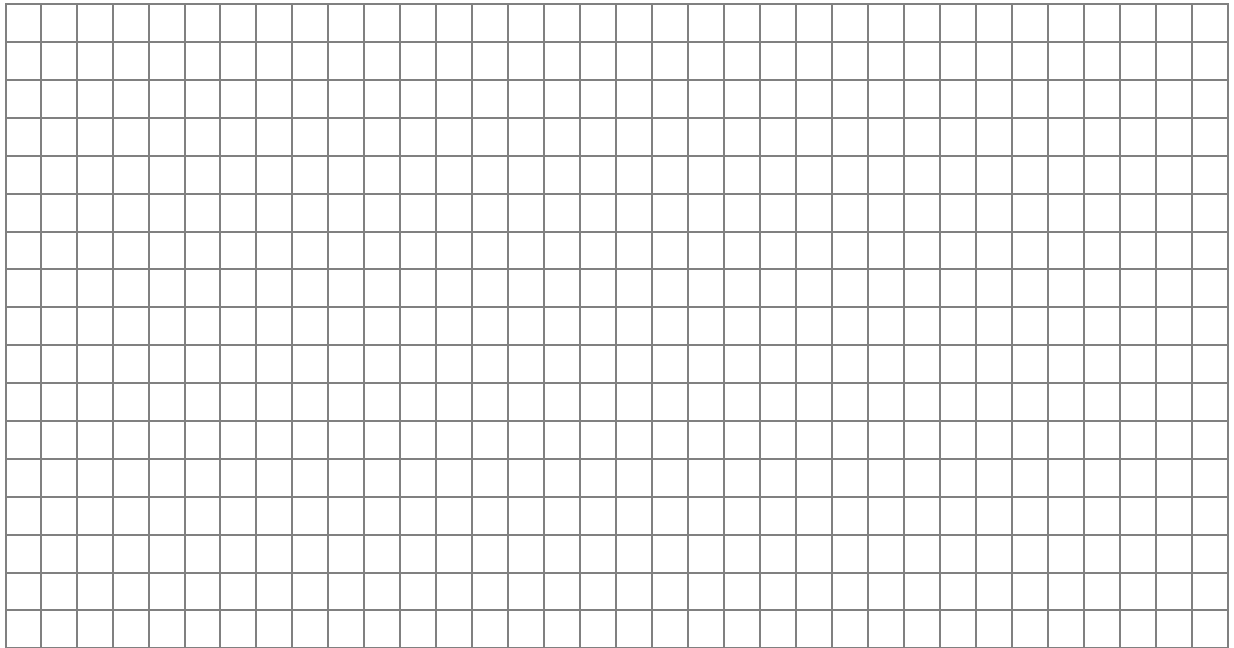
4. În figura alăturată este reprezentat triunghiul  $ABC$ . Pe latura  $AB$  a triunghiului se consideră punctul  $M$  și se construiește paralela  $MN$  la dreapta  $BC$ , cu  $N \in AC$ . Paralela prin  $N$  la dreapta  $AB$  intersectează pe  $BC$  în punctul  $P$ .

(2p) a) Arată că  $MN \cdot AC = BC \cdot AN$ .



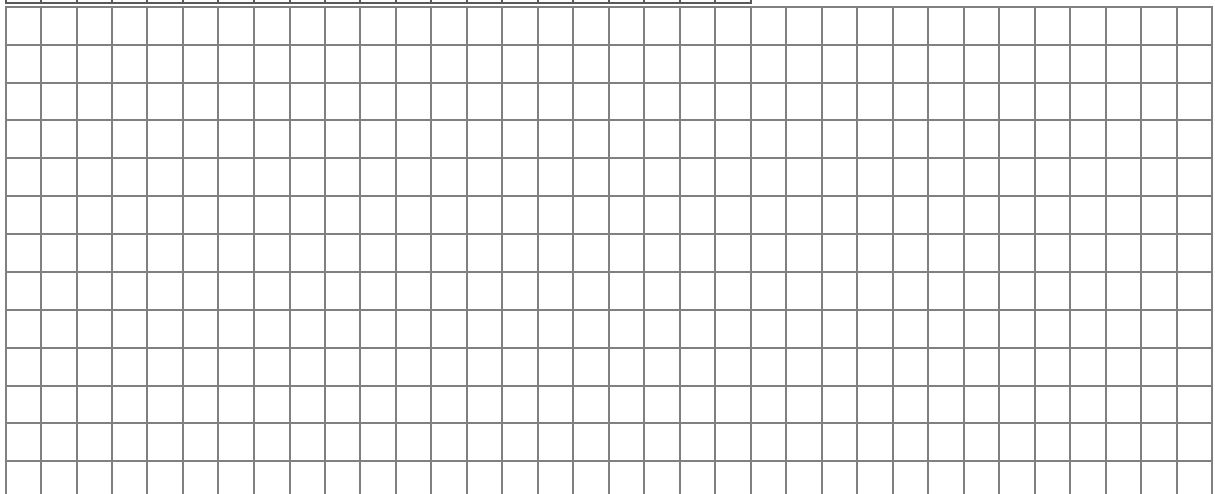
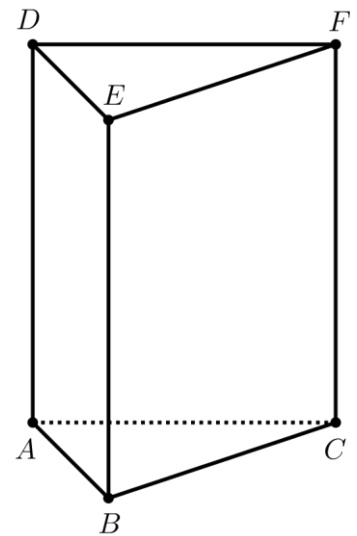
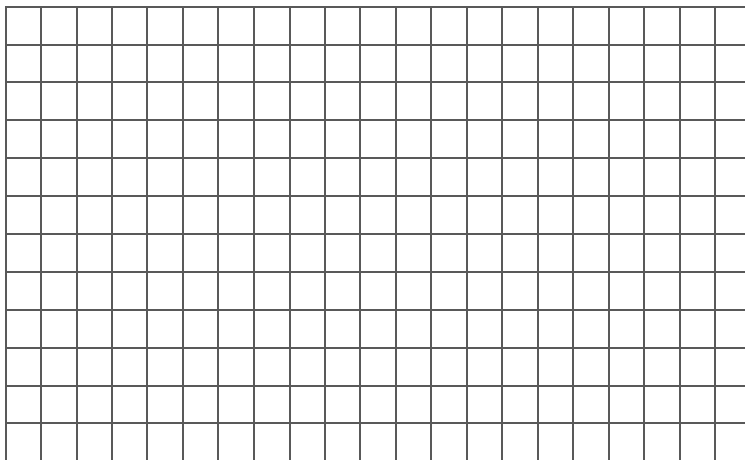


**(3p) b)** Arată că aria triunghiului  $AMC$  este mai mică decât  $16\text{cm}^2$ .

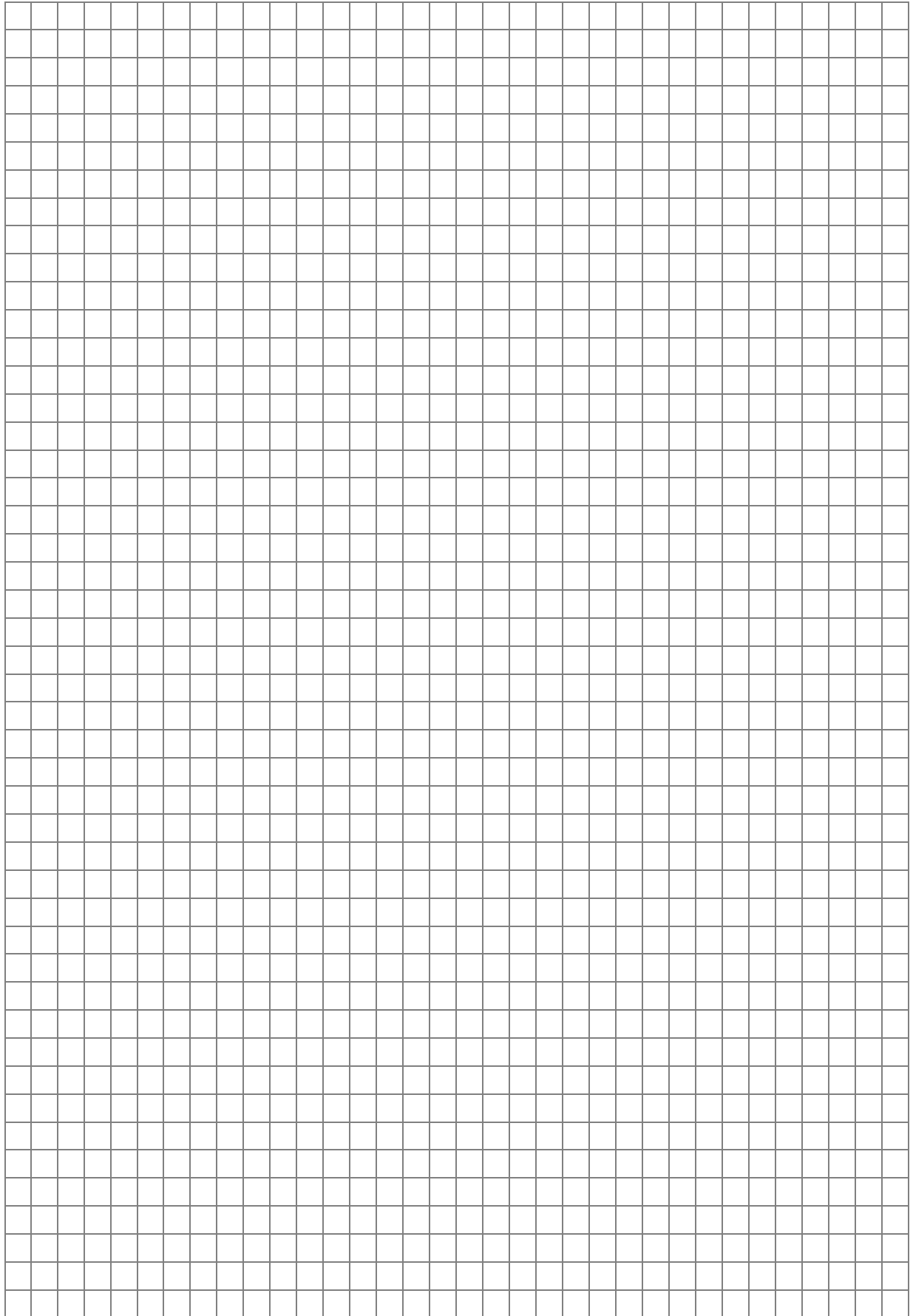


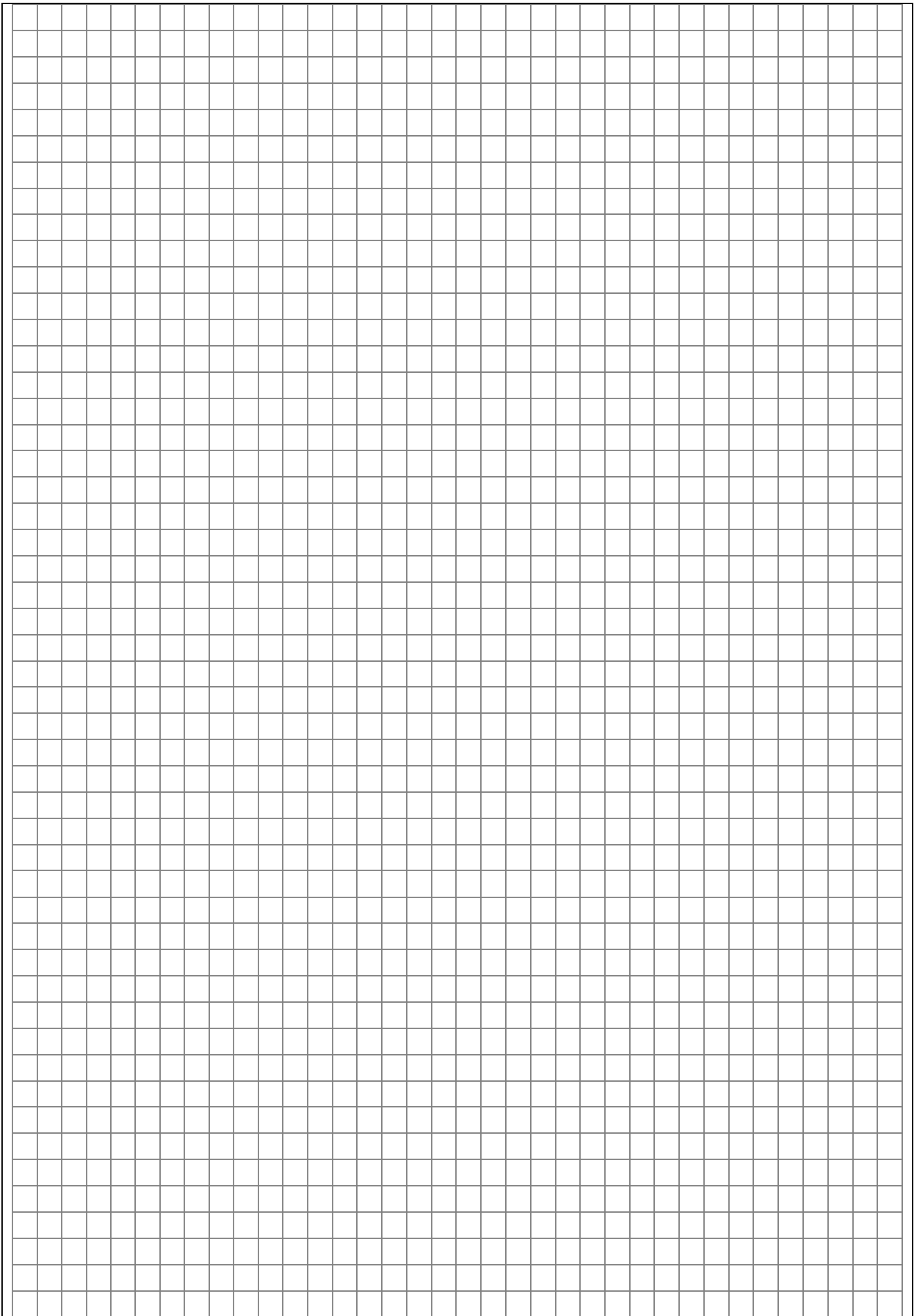
**5p) 6.** În figura alăturată este reprezentată prisma dreaptă  $ABCDEF$ , cu baza triunghiul echilateral  $ABC$ , iar  $AB = 12\text{cm}$  și  $AD = 18\text{cm}$ .

**(2p) a)** Arată că aria totală a prisme este mai mare decât  $720\text{cm}^2$ .



**(3p) b)** Se consideră punctul  $A'$  din planul  $(BCD)$  astfel încât  $AA' = 9\text{cm}$ . Determină măsura unghiului dintre dreptele  $AA'$  și  $EF$ .





**EVALUAREA NAȚIONALĂ PENTRU ABSOLVENȚII CLASEI a VIII-a**  
**Anul școlar 2020 - 2021**  
**Matematică**

Testul 14

**BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE**

- Se acordă zece puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la zece a punctajului total acordat pentru lucrare.

**SUBIECTUL I ȘI SUBIECTUL al II-lea:**

- Se punctează doar rezultatul, astfel: pentru fiecare răspuns se acordă fie cinci puncte, fie zero puncte.
- Nu se acordă punctaje intermediare.

**SUBIECTUL al III-lea**

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.

**SUBIECTUL I**

(30 de puncte)

1.	c)	5p
2.	d)	5p
3.	a)	5p
4.	d)	5p
5.	b)	5p
6.	b)	5p

**SUBIECTUL al II-lea**

(30 de puncte)

1.	c)	5p
2.	b)	5p
3.	d)	5p
4.	d)	5p
5.	a)	5p
6.	c)	5p

**SUBIECTUL al III-lea**

(30 de puncte)

1.	a) După prima zi automobilul mai are de parcurs 65% din lungimea drumului, a doua zi mai parcurge 20% din rest, adică $\frac{20}{100} \cdot \frac{65}{100} x = \frac{13}{100} x = 13\%$ din $x$ , unde $x$ este lungimea totală a drumului pe care îl parcurge automobilul	1p
	În prima și a doua zi automobilul a parcurs 48% din lungimea drumului, deci nu este adevărat că automobilul a parcurs jumătate din drum în primele două zile	1p
	b) Cum în primele două zile automobilul a parcurs 48% din lungimea drumului, obținem că în cea de-a treia zi automobilul a parcurs 52% din lungimea drumului Cum $\frac{13}{100} x < \frac{35}{100} x < \frac{52}{100} x$ , cea mai lungă distanță dintre cele parcurse de automobil în cele trei zile corespunde celei de-a treia zi	1p 2p
2.	a) $x^2 - 10x + 21 = x^2 - 3x - 7x + 21 = x(x - 3) - 7(x - 3) = (x - 3)(x - 7)$ , pentru orice număr real $x$	1p
		1p

	<p>b) <math>E(x) = (x + 2021)^2 - 10(x + 2021) + 25 - 4 = (x + 2021 - 5)^2 - 2^2 = (x + 2016)^2 - 2^2 = (x + 2014)(x + 2018)</math>, pentru orice număr real <math>x</math></p> <p><math>E(-2018) = 0 \Rightarrow E(-2018) \cdot E(-2019) \cdot E(-2020) \cdot E(-2021) = 0</math></p>	<p>2p</p> <p>1p</p>
3.	<p>a) <math>A(a, 2a) \in G_f \Leftrightarrow f(a) = 2a</math> <math>-2a + 8 = 2a</math>, de unde rezultă <math>a = 2</math></p> <p>b) <math>B(0, 8)</math> este punctul de intersecție al graficului funcției <math>f</math> cu axa <math>Oy</math> Distanța de la punctul <math>A(2, 4)</math> la punctul <math>B(0, 8)</math> este <math>AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2} = 2\sqrt{5}</math></p>	<p>1p</p> <p>1p</p> <p>1p</p> <p>2p</p>
4.	<p>a) În triunghiul <math>ABC</math>, <math>MN \parallel BC</math>, deci <math>\triangle AMN \sim \triangle ABC</math> <math>\frac{MN}{BC} = \frac{AN}{AC} \Rightarrow MN \cdot AC = BC \cdot AN</math></p> <p>b) <math>NP \parallel AB \Rightarrow \frac{BP}{BC} = \frac{AN}{AC}</math> <math>MN \parallel BC \Rightarrow \frac{BM}{AB} = \frac{CN}{AC}</math> <math>\frac{BP}{BC} + \frac{BM}{AB} = \frac{AN}{AC} + \frac{CN}{AC} = 1</math></p>	<p>1p</p> <p>1p</p> <p>1p</p> <p>1p</p>
5.	<p>a) În triunghiul <math>ABC</math> dreptunghic în <math>A</math>, <math>\sphericalangle C = 30^\circ</math>, deci <math>BC = 12\text{ cm}</math>, și cum <math>M</math> este mijlocul segmentului <math>BC</math>, rezultă că <math>AM = \frac{BC}{2} = BM = 6\text{ cm}</math> <math>P_{\triangle ABM} = 3 \cdot 6 = 18\text{ cm}</math></p> <p>b) În triunghiul <math>ABC</math> dreptunghic în <math>A</math>, <math>AC^2 = \sqrt{BC^2 - AB^2}</math>, deci <math>AC = 6\sqrt{3}\text{ cm}</math> <math>AM</math> este mediană, deci <math>A_{\triangle AMC} = \frac{A_{\triangle ABC}}{2} = \frac{6 \cdot 6\sqrt{3}}{4} = 9\sqrt{3}\text{ cm}^2</math>, <math>9\sqrt{3} &lt; 16 \Leftrightarrow \sqrt{243} &lt; \sqrt{256}</math>, obținem că aria triunghiului <math>AMC</math> este mai mică decât <math>16\text{ cm}^2</math></p>	<p>1p</p> <p>1p</p> <p>2p</p>
	<p><math>A_l = P_{\triangle ABC} \cdot AD = 36 \cdot 18 = 648\text{ cm}^2</math>, <math>A_l = A_l + 2 \cdot A_b = 648 + 2 \cdot 36\sqrt{3}\text{ cm}^2 = 72(9 + \sqrt{3})\text{ cm}^2</math> <math>72(9 + \sqrt{3}) &gt; 720 \Leftrightarrow 9 + \sqrt{3} &gt; 10 \Leftrightarrow \sqrt{3} &gt; \sqrt{1}</math>, deci aria totală a prismei <math>ABCDEF</math> este mai mare decât <math>720\text{ cm}^2</math></p> <p>b) <math>AM \perp BC</math>, unde <math>M \in BC</math> și, cum <math>DA \perp (ABC)</math> și <math>AM, BC \subset (ABC)</math>, obținem că <math>DM \perp BC</math>, <math>AM \cap DM = \{M\} \Rightarrow BC \perp (ADM)</math> Construim <math>AQ \perp DM</math>, <math>Q \in DM</math> și, cum <math>AQ \perp BC</math>, <math>DM \cap BC = \{M\} \Rightarrow AQ \perp (DBC) \Rightarrow d(A, (BCD)) = AQ</math>; triunghiul <math>ADM</math> este dreptunghic în <math>A</math>, deci <math>AQ = \frac{AD \cdot AM}{DM} = 9\text{ cm} \Rightarrow AA' = AQ = d(A, (BCD))</math> și, cum <math>Q, A' \in (BCD)</math>, obținem că <math>A' = Q</math> <math>EF \parallel BC</math>, deci <math>EF \perp (ADM)</math>, de unde obținem că <math>\sphericalangle(AA', EF) = 90^\circ</math></p>	<p>1p</p> <p>1p</p> <p>2p</p> <p>1p</p>